

17декабря математика 1 курс ЖКХ.

Прислал работы Алексей, остальных не вижу. Присылайте в вайбер, если нет почты

Разобрать материал, выполнить конспект, записать формулы. Телефон спросите у куратора.

## Тема: ДЕКАРТОВА ПРЯМОУГОЛЬНАЯ СИСТЕМА КООРДИНАТ В ПРОСТРАНСТВЕ

### Содержание учебного материала:

Изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек и векторов:

1. Понятие прямоугольного базиса в пространстве.
2. Декартова прямоугольная система координат в пространстве.
3. Координаты точки и вектора в пространстве.

Изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами.

4. Разложение вектора по трём некопланарным направлениям:
  - а) разложение радиус-вектора по базису;
  - б) разложение произвольного вектора по базису;
5. Действия над векторами в координатной форме.
6. Изображение точки и вектора в прямоугольной системе координат.

### 1. Прямоугольный базис в пространстве.

Для построения *прямоугольного базиса* в пространстве нужно:

- провести три взаимно перпендикулярных прямые  $x$ ,  $y$ ,  $z$ , пересекающихся в одной точке  $O$ ;

- провести через каждую пару этих прямых плоскость.

Плоскость, проходящая через прямые  $x$  и  $y$ , называют плоскостью  $xy$ , две другие плоскости соответственно  $xz$  и  $yz$ .

Прямые  $x$ ,  $y$ ,  $z$  называются *координатными осями*,  $x$  – ось *абсцисс*,  $y$  – ось *ординат*,  $z$  – ось *аппликат*. Точка пересечения  $O$  – *начало координат*, плоскости  $xy$ ,  $xz$ ,  $yz$  – *координатные плоскости*. Точка  $O$  разбивает каждую из этих осей на две *полуоси*, одна из которых *положительная*, а другая *отрицательная* (рис. 1).

Пусть  $\vec{i}$  – единичный вектор оси абсцисс,  $\vec{j}$  – единичный вектор оси ординат,  $\vec{k}$  – единичный вектор оси аппликат.

Тройка взаимно перпендикулярных, единичных векторов  $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , отложенных от начала координат точки  $O$  и по направлению совпадающих с координатными осями, называют *прямоугольным базисом* в пространстве.

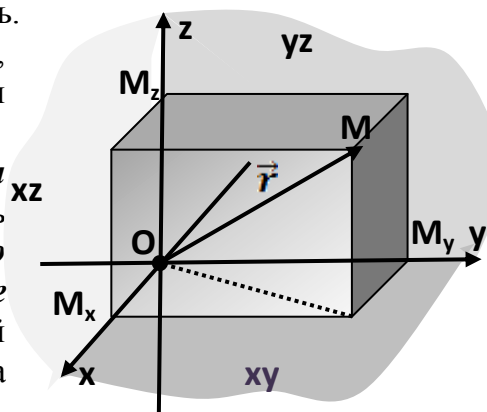
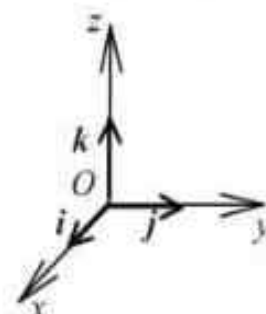


Рис. 1



## 2. Декартова прямоугольная система координат в пространстве.

Совокупность прямоугольного базиса и начала координат называют **прямоугольной системой координат** в пространстве.

## 3. Координаты точки и вектора в пространстве.

Любая точка  $M(x; y; z)$  в пространстве имеет 3 координаты: **x-абсцисса, y-ордината, z-аппликата**.

Любой вектор  $\vec{r} = \{x; y; z\}$  или  $\overline{AB} = \{x_2 - x_1; y_2 - y_1; z_2 - z_1\}$  в пространстве также имеет 3 координаты: **x- абсцисса, y- ордината, z- аппликата**.

**Радиус-вектором** называют вектор, проведённый из начала координат в произвольную точку пространства. Радиус-вектор имеет координаты точки, в которую он проведён.

$$\overline{OM} = \vec{r} = \{x; y; z\}$$

Координаты вектора  $\overline{AB}$  выражаются через координаты его начала  $A(x_1; y_1; z_1)$  и конца  $B(x_2; y_2; z_2)$ :

$$\overline{AB} = \{x_2 - x_1; y_2 - y_1; z_2 - z_1\}.$$

**Правило 1.** Для определения координат вектора  $\overline{AB}$  нужно от координат конца вектора вычесть координаты начала. Координаты равных векторов равны.

## 4. Разложение вектора по трём некопланарным направлениям:

**а) разложение радиус-вектора по базису**

Пусть  $\vec{i}$  – единичный вектор оси абсцисс,  $\vec{j}$  – единичный вектор оси ординат,  $\vec{k}$  – единичный вектор оси аппликат. Радиус-вектор  $\vec{r} = \overline{OM}$  можно разложить по единичным векторам:

$$\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}.$$

Коэффициенты  $x, y, z$  называются координатами вектора  $\vec{r}$ :  $x = OM_x, y = OM_y, z = OM_z$ .

**б) разложение произвольного вектора  $\overline{AB}$  по базису**

$$\overline{AB} = (x_2 - x_1)\vec{i} + (y_2 - y_1)\vec{j} + (z_2 - z_1)\vec{k}.$$

**Правило 2.** Для разложения вектора по базису нужно каждую координату вектора умножить на соответствующий координатный (базисный) вектор.

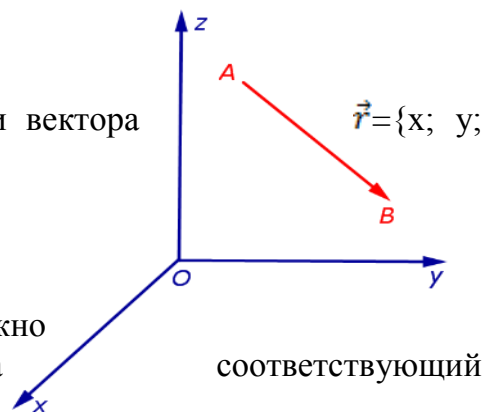
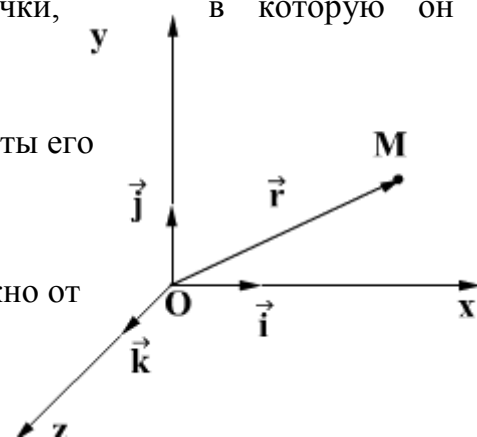
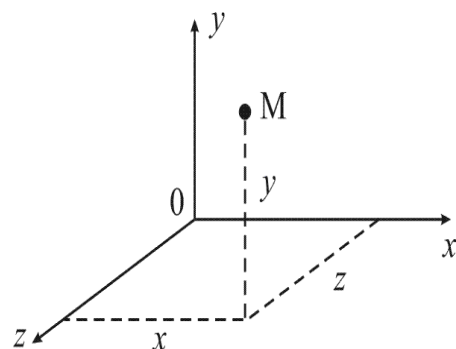
## 5. Действия с векторами в координатной форме:

**Правило 3.** Суммой (разностью) векторов  $\vec{a}(x_1; y_1; z_1)$  и  $\vec{b}(x_2; y_2; z_2)$  называется вектор  $\vec{c} = \vec{a} \pm \vec{b}$ , координаты которого равны сумме (разности) соответствующих координат этих векторов:

$$\vec{c} = (x_1 \pm x_2; y_1 \pm y_2; z_1 \pm z_2).$$

**Правило 4.** Произведением вектора  $\vec{a}(x; y; z)$  на число  $k$  называется вектор  $\vec{d} = k\vec{a}$ , координаты которого равны произведению числа  $k$  на координаты вектора  $\vec{a}$ :

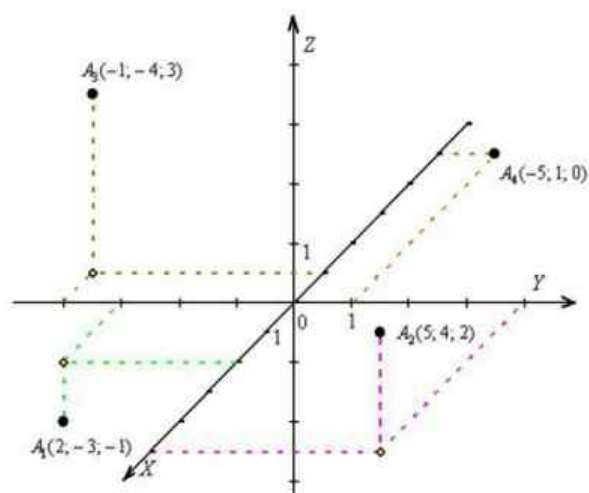
$$\vec{d} = (kx; ky; kz).$$



### **Правило 5. Построение точки в пространстве**

Для построения точки в пространстве необходимо:

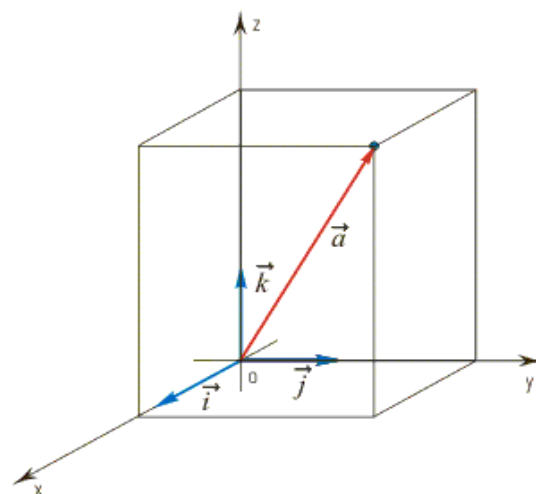
- 1) Построить прямоугольную систему координат в пространстве  $Oxyz$ .
- 2) Отложить первые две координаты на соответствующих осях и провести их проекции;
- 3) Выполнить параллельный перенос третьей координаты в точку пересечения проекций;



### **Правило 6. Построение радиус-вектора в пространстве**

Для построения радиус-вектора в пространстве необходимо:

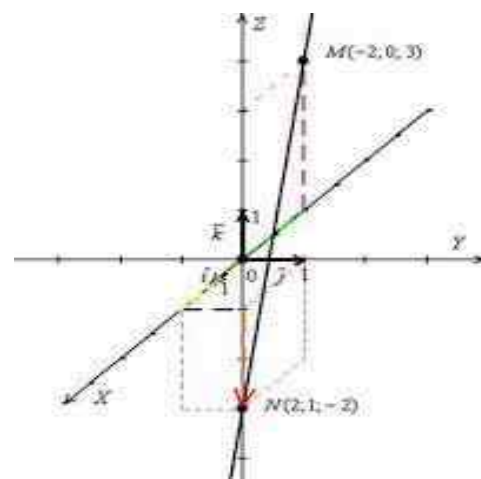
- 1) Построить прямоугольную систему координат в пространстве  $Oxyz$ .
- 2) Отложить первые две координаты конца вектора на соответствующих осях и провести их проекции;
- 3) Выполнить параллельный перенос третьей координаты в точку пересечения проекций;
- 4) Соединить полученную точку с началом координат и обозначить искомый вектор.



### **Правило 7. Построение вектора MN в пространстве**

Для построения вектора  $MN$  в пространстве необходимо:

- 1) Построить прямоугольную систему координат в пространстве  $Oxyz$ .
- 2) По правилу (5) построить 2 точки - точку начала вектора  $M(-2;0;3)$  и точку конца  $N(2;1;-2)$ .
- 3) Соединить полученные точки и обозначить искомый вектор.



### **Домашнее задание**

1. На каких расстояниях от координатных плоскостей находится точка  $A(2;5;-4)$
2. Определите, лежит ли данная точка на координатной оси.  $D(5; 0; 0)$ ;  $K(6; 2; 7)$ ;  $T(0; 0; 3)$   
 $S(9;7; 0)$ ;  $V(0; 4; 0)$ . Если да, то укажите эту ось.

3. Определите, принадлежит ли данная точка координатной плоскости. Если да, то назовите ее.  $A(5; 2; -9)$ ;  $C(-5,0; 4)$ ;  $G(8; -2; 0)$ ;  $V(0; 0; -3)$ ;  $L(0; -4; -7)$  ,

, , .