

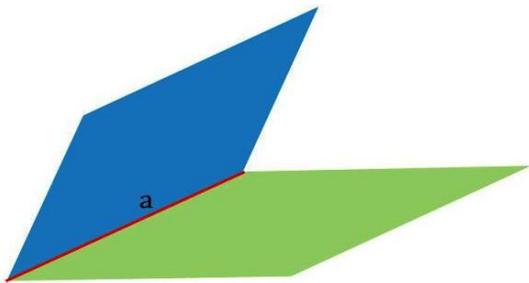
3 ноября математика 1 курс технологи.

Эту тему вы изучаете по учебнику Атанасян и др. Геометрия 10-11 класс. Заполняете пропуски и присылаете мне. Выполняете любой вариант.

### ДВУГРАННЫЙ УГОЛ. ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ДВУХ ПЛОСКОСТЕЙ

#### Вариант 1

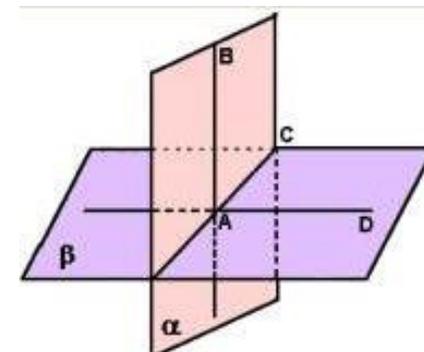
1. Двугранным углом называется фигура, образованная \_\_\_\_\_ и двумя \_\_\_\_\_ с общей \_\_\_\_\_, не принадлежащими \_\_\_\_\_ плоскости.



2. Свойство линейных углов двугранного угла: все \_\_\_\_\_ углы двугранного угла \_\_\_\_\_ друг другу. Градусной мерой двугранного \_\_\_\_\_ называется \_\_\_\_\_ мера его \_\_\_\_\_ угла.
3. Двугранный \_\_\_\_\_ называется острым, если \_\_\_\_\_.
4. Две \_\_\_\_\_ плоскости называются

5. Теорема. Если \_\_\_\_\_ из \_\_\_\_\_ плоскостей проходит через \_\_\_\_\_, перпендикулярную к \_\_\_\_\_ плоскости, то такие \_\_\_\_\_ перпендикулярны.

Дано:



Доказать:

Доказательство

1. Плоскости \_\_\_\_\_ и \_\_\_\_\_ пересекаются по некоторой прямой \_\_\_\_\_, причем \_\_\_\_\_, так как по условию \_\_\_\_\_, т.е. прямая \_\_\_\_\_ перпендикулярна к любой прямой, лежащей в плоскости \_\_\_\_\_.
2. Проведём в плоскости \_\_\_\_\_ прямую \_\_\_\_\_, перпендикулярную к прямой \_\_\_\_\_. Тогда угол \_\_\_\_\_ - линейный угол двугранного угла, образованного при пересечении плоскостей \_\_\_\_\_ и \_\_\_\_\_. Но угол \_\_\_\_\_

перпендикулярными (взаимно перпендикулярными), если \_\_\_\_\_ между ними равен \_\_\_\_\_.

(так как \_\_\_\_\_). Следовательно, угол между плоскостями \_\_\_\_\_ и \_\_\_\_\_ равен \_\_\_\_\_, т.е. \_\_\_\_\_.

Теорема доказана.

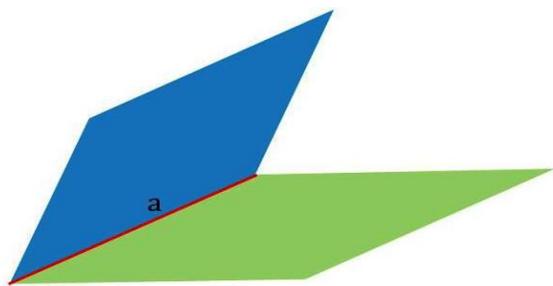
### 6. Задача.

Через центр  $O$  окружности, вписанной в треугольник  $ABC$ , проведена прямая  $OK$ , перпендикулярная к плоскости треугольника. Найдите расстояние от точки  $K$  до сторон треугольника, если  $AB = BC = 10$  см,  $AC = 12$  см,  $OK = 4$  см.

## ДВУГРАННЫЙ УГОЛ. ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ДВУХ ПЛОСКОСТЕЙ

### Вариант 2

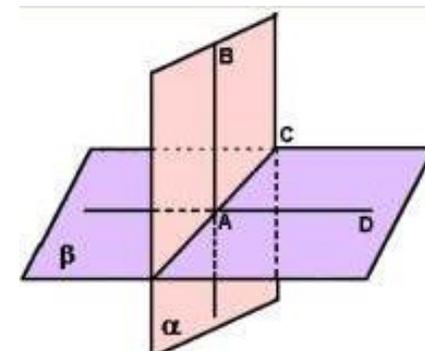
1. Гранями двугранного угла называются \_\_\_\_\_, образующие \_\_\_\_\_ угол. У двугранного угла \_\_\_\_\_ грани. Ребром двугранного угла называется \_\_\_\_\_ - общая граница полуплоскостей.



2. Линейным углом \_\_\_\_\_ угла называется \_\_\_\_\_ с вершиной на ребре двугранного \_\_\_\_\_,

5. Теорема. Если \_\_\_\_\_ из \_\_\_\_\_ плоскостей проходит через \_\_\_\_\_, перпендикулярную к \_\_\_\_\_ плоскости, то такие \_\_\_\_\_ перпендикулярны.

Дано:



Доказать:

Доказательство

1. Плоскости \_\_\_\_\_ и \_\_\_\_\_ пересекаются по некоторой прямой

образованный \_\_\_\_\_, лежащими в  
гранях двугранного угла и \_\_\_\_\_ к его  
ребру.

3. Двугранный \_\_\_\_\_ называется тупым, если \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_.

4. Следствие. Плоскость, \_\_\_\_\_ к  
прямой, по которой пересекаются \_\_\_\_\_ данные  
плоскости, \_\_\_\_\_ к каждой из этих  
\_\_\_\_\_.

#### 6. Задача.

Через вершину  $C$  прямого угла прямоугольного треугольника  $ABC$  проведена прямая  $CD$ , перпендикулярная к плоскости этого треугольника. Найдите площадь треугольника  $ABD$ , если  $CA = 3$  дм,  $CB = 2$  дм,  $CD = 1$  дм.

\_\_\_\_\_, причем \_\_\_\_\_, так как по условию \_\_\_\_\_,  
т.е. прямая \_\_\_\_\_ перпендикулярна к любой прямой,  
лежащей в плоскости \_\_\_\_\_.

2. Проведём в плоскости \_\_\_\_\_ прямую \_\_\_\_\_,  
перпендикулярную к прямой \_\_\_\_\_ . Тогда угол \_\_\_\_\_ -  
линейный угол двугранного угла, образованного при  
пересечении плоскостей \_\_\_\_\_ и \_\_\_\_\_ . Но угол \_\_\_\_\_  
(так как \_\_\_\_\_). Следовательно, угол между плоскостями  
\_\_\_\_\_ и \_\_\_\_\_ равен \_\_\_\_\_, т.е. \_\_\_\_\_.

Теорема доказана.